【ボイス・コッド正規形その3】

パターンBの具体例

今回は **パターンB、つまり、「候補キー以外の属性から候補キーの真部分集合への関数従属を持つ第3正規形**」です。第3正規形までは、定義に従って分解するのであれば、情報無損失分解(分解と組立を繰り返しても同じ結果となる分解)であり、かつ関数 従属性は保存されます。しかし、それ以降の正規形であるボイス・コッド正規形、第4正規形及び第5正規形にするための分解により、情報無損失分解又は関数従属性保存が維持されるのかは、ケースバイケースになります。

前回のパターンAは、情報無損失分解かつ関数従属性保存が維持されたボイス・コッド正規形でした。

以上の観点も踏まえつつ、パターンBですが、言いたいことは、たぶん、以下のとおりだと思います。

- ①主キーが $\{A, B\}$ であり、非キー属性の $\{C\}$ に対して $\{A, B\} \rightarrow \{C\}$ は当然として、他に $\{C\} \rightarrow \{B\}$ の関数従属もある。第 3 正規形までの過程で何故そのような状況に陥るのかは不明であるが、 $\{C\} \rightarrow \{B\}$ より $\{A, C\} \rightarrow \{B\}$ も成立する。
- ②よって、候補キーは {A、B} {A、C} の2つになる。いづれの候補キーを選択しても自明な関数従属性はないため、ボイス・コッドであるか否かはスーパーキーで判断するしかない。
- ❸この内、Xに該当する {A、B} は主キーなので、当然スーパーキーでもある。
- **Φ**しかし、 $\{C\} \rightarrow \{B\}$ において、Xに該当する $\{C\}$ は、候補キー $\{A, C\}$ の一部ではあるが、スーパーキーではない。
- ⑤以上のことから、⑥はクリアしているが、⑥はクリアしていないため、「Xは表Rのスーパーキーではない」となる。

まだ、何を言っているのかわからないため、 $\{A\}$ を $\{ \}$ として、 $\{ \}$ を主キーとした場合が右の下図(第3正規形・AB)、そして $\{ \}$ を主キーとした場合が右の下図(第3正規形AC)になります。

学生	科目	先 生
Α	英語	Р
Α	数学	Q
В	英語	R
В	数学	Q
С	倫理	S

<u>先生</u>	科目		
Р	英語		
R	英語		
Q	数学		
S	倫理		

学 生	先 生	科目	
Α	Р	英語	
А	Q	数学	
В	R	英語	
В	Q	数学	
С	S	倫理	

図:第3正規形AB

図:第3正規形AC

本資料は正確性に欠く部分及び誤字脱字等も多いと思います。そのため、本資料に起因した損害等については、管理人として責任を負いかねますので御了承ください。
© 2025 spine-team.com

前ページの図(第3正規形AB)はこれ以上分解できないため、第3正規形止まりとなります。しかし、図(第3正規形AC)は右図(ボイス・コッド正規形)のとおり、スーパーキー問題を解決するために $\{C\} \rightarrow \{B\}$ を分解できるため、ボイス・コッド正規形になります。しかし、この分解によって、図(第3正規形AB)の関数従属性は保存できない、つまり関数従属性欠損と伴う分解となります。つまり、図(ボイス・コッド正規形)の生成により、図(第3正規形AB)は消滅することになります。(なると思います)また、この分解は、情報無損失分解であるような気がしますが、自信がないので明言は避けます。

学生				
Α	Р			
Α	Q			
В	R			
В	Q			
С	S			

科目		
英語		
数学		
英語		
倫理		

図:ボイス・コッド正規形

つまり、1つの関係が、第3正規形でもあり、ボイス・コッド正規形でもあるということになります。どちらが実用的なのか疑問が残ります。そこで下図(比較表)を作成したところ、一長一短でした。

	第3正規形					ボイス・コ]ッド正規択	形	
	表:受講	<u>表:担</u>	<u>表:担任表</u>		表:受講表		表:	表:担任表	
	学生 科目	先 生	<u>先生</u>	科目		<u>学生</u>		_ 先 生	科目
正規形別	A 英語	Р	Р	英語		А	Р	Р	英語
	A 数学	Q	R	英語		Α	Q	Q	数学
	B 英語	R	Q	数学		В	R	R	英語
	B 数学	Q	S	倫理		В	Q	S	倫理
	C 倫理	S				С	S		
Q先生の科目が 数学Ⅲに変更	【デメリット】表の行目の科目を変えたか所ずつ変更をコー発生するため、変	た、1 Mac 1 を合が	【メリット だけで済む		の2行目の科目	目を変える			
A学生の英語の先 生にR先生を登録	【メリット】主キーが {学生、科目} なので、主キー制約により、 {A、英語} については、新たに登録できない。							R} は存在し ができてしま	

図:比較表

本資料は正確性に欠く部分及び誤字脱字等も多いと思います。そのため、本資料に起因した損害等については、管理人として責任を負いかねますので御了承ください。
© 2025 spine-team.com

定義「Xは関係Rのスーパーキーである」のまとめ

定義「Xは関係Rのスーパーキーである」について、**パターンAとパターンB**の2種類を用いて説明してきました。 まとめると、**パターンA**の**「候補キーの真部分集合から他の候補キーの真部分集合への関数従属を持つ第3正規 形**」 がボイス・コッド正規形でない理由は、部分関数従属のように見える部分が定義により第3正規形まで分解 されずに残ってしまったためです。

また、**パターンB**の「**候補キー以外の属性から候補キーの真部分集合への関数従属を持つ第3正規形」**がボイス・コッド正規形でない理由は、候補キー以外に関数従属が存在しているためです。

いづれにせよ**「候補キーのみを決定項として与えられている」**状態にすれば、ボイス・コッド正規形になります。

ボイス・コッド正規形の定義のまとめ

これまでの説明等を踏まえて、今一度、定義をまとめると、以下のとおりになります。

関係	関係Rに存在するあらゆる関数従属性(X $ ightarrow$ Y)に関して、以下の①又は②のどちらかが成立している				
	定義どおり	わかりやすく言うと			
1	X → Yは自明な関数従属性である	関係Rは、2つの属性から成る候補キーのみで構成されている			
2	Xは関係Rのスーパーキーである	関係Rは、候補キーのみを決定項として与えられている			